



الإمتحان مع التصحيح النموذجي

السداسي الأول

الدورة العادية

قسم الرياضيات



## جامعة الشهيد حمه لخضر الوادي

الموسم الدراسي 2016/2017

كلية العلوم الدقيقة

السنة الأولى / السداسي الأول

قسم الرياضيات والاعلام الآلي

### الاختبار في المصطلحات العلمية

التمرين 1: ترجم فقط إلى اللغة الفرنسية دون حله:

لدينا العلاقة الثنائية  $R$  المعرفة على المجموعة  $Z$  كما يلي :

$$xRy \Leftrightarrow x-y=kn \quad \text{بحيث } k \in Z; n \in \mathbb{N}^*$$

هل  $R$  علاقة انعكاسية ؟ تناظرية ؟ متعدية ؟ ضد تناظرية ؟ علاقة

تكافؤ؟ علاقة ترتيب جزئي أو كلي ؟ في حالة  $R$  علاقة تكافؤ

وهي كذلك عين أصناف التكافؤ  $\hat{0}, \hat{1}, \hat{2}, \dots, \hat{n-1}$  نسمي

مجموعتها  $Z/nZ$ . برهن أن  $Z/nZ$  مزودة بعملية جمع

الأصناف المعرفة كما يلي  $\hat{x} + \hat{y} = \widehat{x+y}$ : لها بنية زمرة أبيلية، بإمكانك

البرهان على أنها زمرة جزئية للزمرة  $(Z, +)$  وهو أفضل .

نرود كذلك  $Z/nZ$  بعملية داخلية ثنائية لجداء الأصناف المعرفة

كالآتي :  $\hat{x}\hat{y} = \widehat{xy}$  أثبت أن البنية  $(Z/nZ, +, \hat{x})$  حلقة

تبديلية واحدية وأنها تامة في حالة  $n$  عدد أولي وحينئذ جسما.

### Exercice 2 Traduis les expressions suivantes en arabe

Opération interne; commutative; associative; admet un élément neutre; élément symétrique ;

Isomorphisme; noyau d'un homomorphisme; loi interne

distributive par rapport à une autre ;partition d'un ensemble;restriction d'une application; prolongement par continuité;relation compatible avec une opération interne;théorème des valeurs intermédiaires ;des accroissements finis ;espace vectoriel sur un corps commutatif ;continuité uniforme ;dérivées successives

### Troisième exercice

Soit la relation binaire  $f : \mathbb{R} - \{1\} \rightarrow \mathbb{R} - \{2\}$   
 $x \mapsto f(x) = 2x + 1$

Est-ce que  $f$  est une fonction ou une application?

( Calculez l'image de  $\frac{1}{2}$  si elle existe )

$f$  est elle surjective? ( calculez l'antécédent de 3 )  $f$  est elle injective?est elle bijective ? déterminez sa réciproque  $f^{-1}$ . Si  $g$  est l'application

$\mathbb{R} - \{2\} \rightarrow \mathbb{R} - \{1\} ; x \rightarrow (x+1)/(x-2)$  calculez  $g^{-1}$

Cherchez la fonction composée de  $f$  par  $g ; g \circ f$

puis  $(g \circ f)^{-1}$ . Vérifiez que  $(g \circ f)^{-1} = f^{-1} \circ g^{-1}$

تمرين رابع : ترجم المفردات والعبارات التالية إلى الفرنسية :

مثال مضاد ؛ العكس النقيض ؛ إذا وفقط إذا البرهان بالتراجع ؛ أصلي

مجموعة ؛ تجزئة مجموعة ؛ مجموعتان منفصلتان ؛

مجموعة ذات عنصر وحيد ؛ مجموعة مستقرة بالنسبة لعملية

داخلية ؛ مجموعة معرفة بذكر عناصرها و صورة التطبيق  $f$

وفقكم الله وسدد أعمالكم لما فيه نجاحكم في الدنيا والآخرة

الحل النموذجي لاختبار مياس  
المصطلحات العلة نسبة رياضيات وعلام الي  
(مع سلم التقيظ)

التعريف الاول  
On a la relation binaire R defini :

dans l'ensemble  $\mathbb{Z}$  comme suit :  $x R y \Leftrightarrow x - y = kn$  tel  
que  $m \in \mathbb{N}^*$  et  $k \in \mathbb{Z}$ . Est-ce que R est une relation  
reflexive ? symetrique ? transitive ? antisymetrique ?  
relation d'equivalence ? relation d'ordre partiel ou total ?

0,5x4  
0,5x2

Dans le cas ou R est une relation d'equivalence et c'est bien  
le cas, determiner les classes d'equivalence de 0, 1, 2, ...  
..., (n-1) dont on nomme l'ensemble par  $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ .

0,5

Demontrer que  $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ , muni de l'operation addition  
des classes d'equivalence, defini comme suit :

7  
0,5  
0,5  
 $\bar{x} + \bar{y} = \overline{x+y}$  admet une structure de  
groupe Abelian il t'est possible de demontrer que  $(\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}, +)$   
est un sous-groupe du groupe  $(\mathbb{Z}, +)$  qui est solution  
bien meilleure. On munit  $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$  aussi d'une l'opent  
interne la multiplication des classes d'equivalence, defini

comme suit :  $\bar{x} \times \bar{y} = \overline{x \times y}$ . Prouver que la

0,5  
2x0,5  
0,5  
Structure  $(\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}, +, \times)$  est un anneau commutatif  
unitaire, en plus, integre dans le cas n nombre 1.  
donc un corps.

exercice 2 Operation interne :  $(a, b) \rightarrow a \oplus b$   
Commutative  $a \oplus b = b \oplus a$  associative :  $(a \oplus b) \oplus c = a \oplus (b \oplus c)$

6  
admet un element neutre  $0$  et un element symetrique  $-a$ .  
loi interne distributive par rapport a une autre loi  $\cdot$

partition d'un ensemble : تجزئة مجموعة  
 restriction d'une application : اقتضا تطبيق  
 prolongement par continuité : امتداد بالاستمرار  
 relation compatible avec une opération interne : علاقة متوافقة مع عملية داخلية  
 théorème de valeurs intermédiaires : نظرية القيم المتوسطة  
 théorème de accouplements finis : نظرية التزاوجات المنتهية  
 Espace vectoriel sur un corps commutatif : فضاء شعاعي على جسم تبديلي  
 Continuité uniforme : استمرارية منتظمة  
 dérivées successives : المشتقات المتتالية

التدوين الثالث : لدينا العلاقة الشاسية  $f: \mathbb{R} - \{1\} \rightarrow \mathbb{R} - \{2\}$

$x \mapsto f(x) = 2x + 1$   
 هل  $f$  دالة أو تطبيق؟ (أجب صورة  $\frac{1}{2}$  كان وحدت) 3x0,5  
 هل  $f$  غامرة؟ (أجب سياتر 3) هل  $f$  متباينة؟ 3x0,5  
 تقابلية؟ عين معكوستها  $f^{-1}$ ؟ إذا كان  $g$  التطبيق 2x0,5  
 $\mathbb{R} - \{2\} \rightarrow \mathbb{R} - \{1\}$   
 $x \mapsto g(x) = \frac{x+1}{x-2}$   
 أجب  $g^{-1}$  4

البحث عن مركبة الدالة  $f$  بالدالة  $g$  أي  $(g \circ f)$  0,5  
 وكذلك  $(g \circ f)^{-1}$  ، أثبت أن  $(g \circ f)^{-1} = f^{-1} \circ g^{-1}$

4 التدوين الرابع : مثال مضاد : contre exemple : نقطة لكل 3  
 العكس النقيض : العكس النقيض : لا counterposé  
 إذا وفقط إذا  $\Leftrightarrow$  si et seulement si  
 البرهان بالبرهان : raisonnement par récurrence  
 Cardinal d'un ensemble : تجزئة مجموعة  
 Zensult. disjoint : مجموعتان منفصلتان  
 Ensemble stable pour une opération : مجموعة مستقرة بالبناء داخلية

مجموعة مزينة بذكر عناصرها : Ensemble défini en extension  
 صورة التطبيق  $f = f$  : Image de l'application  $f$

مقياس تحصيل 1	جامعة الوادي كلية العلوم الدقيقة	قسم الرياضيات
2017/2016		سنة أولى MI
المدة: 1.5 سا	امتحان الدورة العادية للسنداسي الأول	2017/01/08

التمرين 1: (04 نقاط)

ليكن  $f$  تطبيقاً متزايداً من  $[0,1]$  في  $[0,1]$ . نرمز بـ  $E$  للمجموعة التالية:  $E = \{x \in [0,1] : f(x) \geq x\}$

1.5 ن

1. اثبت أن  $E$  تقبل حداً أعلى  $\sup E = b$ .

2.5 ن

2. برهن بالخلف أن:  $f(b) = b$ .

التمرين 2: (04 نقاط)

ليكن  $f$  دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = E(x) + (x - E(x))^2$ ، يرمز  $E(x)$  للجزء الصحيح لـ  $x$  وليكن  $n$  عدداً صحيحاً.

1.5 ن

1. اثبت أن  $f$  مستمرة على المجال  $[n, n+1]$ .

0.1 ن

2. ادرس استمرارية  $f$  على اليسار عند  $n$ .

0.1 + 0.5 ن

3. هل الدالة  $f$  مستمرة على  $\mathbb{R}$ ؟ برر إجابتك.

التمرين 3: (04 نقاط)

ليكن  $f$  دالة مستمرة على مجال  $[a, b]$  وقابلة للاشتقاق على  $]a, b[$  بحيث  $f(a) = f(b) = 0$

1.5 ن

ونعتبر الدالة  $g$  المعرفة على  $[a, b]$  كما يلي:  $g(x) = \frac{f(x)}{x - x_0}$  بحيث  $x_0 \in ]a, b[$ .

2.5 ن

1. أكب نص نظرية رول.

2. اثبت أنه يوجد  $c \in ]a, b[$  يحقق:  $f'(c) = \frac{f(c)}{c - x_0}$ .

التمرين 4: (08 نقاط)

ليكن  $f: \mathbb{R}^+ \rightarrow \mathbb{R}$  الدالة المعرفة كما يلي:  $f(x) = 1 + \frac{2}{x}$ .

0.5 ن

1. برهن أن  $f$  متناقصة تماماً (دون حساب المشتق).

0.1 + 0.5 ن

2. تحقق أن الدالة  $f \circ f$  متزايدة تماماً ثم احسب حل المعادلة:  $(f \circ f)(x) = x$ .

0.1 ن

3. ليكن  $(u_n)$  متسلسلة حقيقية معرفة بـ:  $u_0 = 1, \forall n \in \mathbb{N} : u_{n+1} = 1 + \frac{2}{u_n}$ .

اثبت أن:  $\forall n \in \mathbb{N} : 1 \leq u_n \leq 3$ .

2 × 0.1 = 3 × 0.25 ن

4. ليكن  $(v_n)$  و  $(w_n)$  متسلسلتين معرفتين كما يلي:  $v_n = u_{2n}, w_n = u_{2n+1}$ .

1.5 ن

أ. احسب  $u_1, u_2, u_3$  ثم ادرس رقابة كل من  $(v_n)$  و  $(w_n)$ .

0.75 ن

ب. استنتج أن المتسلسلتين  $(v_n)$  و  $(w_n)$  متجاورتان.

ج. استنتج أن المتسلسلة  $(u_n)$  مقاربة.

مقياس تحصيل I	جامعة الوادي كلية العلوم الدقيقة	قسم الرياضيات
2017/2016		سنة أولى MI
المدة: 1.5 سا	تصحيح امتحان السداسي الأول	2017/01/08

**التعريف 1:** (04 نقاط) 1. اثبات أن  $E$  تقبل حداً أعلى  $\sup E = b$

$E$  غير خالية (تحتوي 0 لأن  $f(0) \geq 0$ ) ومحدودة من الأعلى بالعدد 1 وبالتالي تقبل حداً أعلى  $b$  ونكتب  $\sup E = b$  . (1.5ن)

$$\sup E = b \Leftrightarrow \begin{cases} \forall x \in E, x \leq b \dots\dots\dots (1) \\ \forall \varepsilon > 0, \exists x \in E, b - \varepsilon < x \leq b \dots\dots (2) \end{cases} \text{ لدينا } f(b) \neq b \text{ نفرض أن: 2.}$$

(أ) إذا كان:  $f(b) > b$ : بما أن  $f$  تطبيق متزايد فإن:  $f[f(b)] \geq f(b)$  وبالتالي نستنتج أن:  $f(b) \in E$  وبما أن  $f(b) > b$

وهذا يناقض الخاصية (1) . (01ن)

(ب) إذا كان:  $f(b) < b$ : في الخاصية (2) من أجل  $\varepsilon = b - f(b) > 0$  نجد: (3)  $\exists x \in E, f(b) < x \leq b \dots\dots$

بما أن  $f$  تطبيق متزايد ومن الخاصية (3) نجد: (4)  $\exists x \in E, f(x) \leq f(b) \dots\dots$

(1.5ن) بما أن  $x \in E$  فإن  $f(x) \geq x$  وبناء على الخاصية (3) نجد (5)  $\exists x \in E, f(x) > f(b) \dots\dots$

من الخاصيتين (4) و (5) نستنتج تناقض . وأخيراً نستنتج أن:  $f(b) = b$  .

**التعريف 2:** (04 نقاط) 1. من أجل  $x \in [n, n+1[$  لدينا  $E(x) = n$  ومنه  $f(x) = n + (x-n)^2 = x^2 - 2nx + n^2 + n$  ، وبما أن  $f$  دالة كثير

حدود إذا مستمرة على  $[n, n+1[$  . (1.5ن)

من أجل  $x \in [n-1, n[$  لدينا  $E(x) = n-1$  ومنه  $f(x) = n-1 + (x-n+1)^2$  و  $f(n) = n-1 + (n-n+1)^2 = n$

(01ن)  $\lim_{x \rightarrow n} f(x) = \lim_{x \rightarrow n} (n-1 + (x-n+1)^2) = n-1 + (n-n+1)^2 = n = f(n)$  وبالتالي  $f$  مستمرة على اليسار عند  $n$  .

(0.5ن)

3. الدالة  $f$  مستمرة على  $\mathbb{R}$  ، لأنه من كل عدد صحيح  $n$  لدينا  $f$  مستمرة على  $[n, n+1[$  أي  $f$  مستمرة على  $[n, n+1[$

ومستمرة على اليمين عند  $n$  وبما أن  $f$  مستمرة على اليسار عند  $n$  ، إذا مستمرة على كل مجال من  $[n, n+1[$  وبالتالي  $f$  مستمرة

على  $\mathbb{R}$  . (01ن)

**التعريف 3:** (04 نقاط) 1. إذا كانت  $f$  دالة مستمرة على مجال مغلق ومحدود  $[a, b]$  وقابلة للاشتقاق على  $]a, b[$  حيث:

$$(1.5ن) \quad f'(c) = 0 \text{ يحقق: } c \in ]a, b[ \text{ فإنه يوجد على الأقل } c \in ]a, b[ \text{ حيث } f'(c) = 0 .$$

2. لدينا الدالة  $g$  مستمرة على المجال المغلق والمحدود  $[a, b]$  وقابلة للاشتقاق على  $]a, b[$  (لأنها حاصل قسمة دالتين مستمرتين

$$\text{على } ]a, b[ \text{ وقابلتين للاشتقاق على } ]a, b[ \text{ ولدينا } g(a) = \frac{f(a)}{a-x_0} = 0 \text{ و } g(b) = \frac{f(b)}{b-x_0} = 0 \text{ وبالتالي:}$$

$g(a) = g(b) = 0$  حسب نظرية رول فإنه يوجد على الأقل  $c \in ]a, b[$  بحيث:  $g'(c) = 0$  . لدينا

$$(2.5ن) \quad g'(x) = \frac{f'(x)(x-x_0) - f(x)}{(x-x_0)^2} \text{ وبالتالي:}$$

$$g'(c) = 0 \Leftrightarrow \frac{f'(c)(c-x_0) - f(c)}{(c-x_0)^2} = 0 \Leftrightarrow f'(c)(c-x_0) - f(c) = 0 \Leftrightarrow f'(c) = \frac{f(c)}{c-x_0}$$

تكن  $f: \mathbb{R}^*_+ \rightarrow \mathbb{R}$  الدالة المعرفة كما يلي:  $f(x) = 1 + \frac{2}{x}$ .

1. البرهان على أن  $f$  متناقصة تماما (دون حساب المشتق). لبرهن أن:  $\forall (x_1, x_2) \in \mathbb{R}^*_+ : x_1 < x_2 \Rightarrow f(x_1) > f(x_2)$ .

ليكن  $0 < x_1 < x_2$  ومنه  $1 + \frac{1}{x_1} > 1 + \frac{1}{x_2}$  وبالتالي  $f(x_1) > f(x_2)$  (ن0.5).

2. التحقق أن الدالة  $f \circ f$  متزايدة تماما ثم حساب حل المعادلة:  $(f \circ f)(x) = x$ .

لتتحقق أن:  $f \circ f$  متزايدة تماما أي:  $\forall (x_1, x_2) \in \mathbb{R}^*_+ : x_1 < x_2 \Rightarrow f \circ f(x_1) < f \circ f(x_2)$  (ن0.5)

ليكن  $0 < x_1 < x_2$  بما أن  $f$  متناقصة تماما فإن  $f(x_1) > f(x_2)$  كذلك بما أن  $f$  متناقصة تماما فإن  $f(f(x_1)) < f(f(x_2))$ .

حل المعادلة:  $(f \circ f)(x) = x \Leftrightarrow f[f(x)] = x \Leftrightarrow 1 + \frac{2}{1 + \frac{2}{x}} = x \Leftrightarrow 1 + \frac{2x}{x+2} = x$ .

ومنه يكون:  $(x = -1) \vee (x = 2)$   $x^2 - x - 2 = 0 \Leftrightarrow 3x + 2 = x(x + 2) \Leftrightarrow \frac{3x+2}{x+2} = x$ .

وبما أن  $x > 0$  فإن حل المعادلة:  $(f \circ f)(x) = x$  هو  $x = 2$  (ن01)

3. تكن  $(u_n)$  متالية حقيقية معرفة ب:  $u_0 = 1, \forall n \in \mathbb{N} : u_{n+1} = 1 + \frac{2}{u_n}$ .

اثبات أن:  $\forall n \in \mathbb{N} : 1 \leq u_n \leq 3$ . لبرهن بالتراجع لدينا  $u_0 = 1, 1 \leq u_0 \leq 3$  ، نفرض أن  $1 \leq u_n \leq 3$  وثبت أن:  $1 \leq u_{n+1} \leq 3$

(ن01)  $\forall n \in \mathbb{N} : 1 \leq u_n \leq 3$  ومنه  $1 \leq u_n \leq 3 \Rightarrow \frac{2}{3} \leq \frac{2}{u_n} \leq 2 \Rightarrow 1 \leq 1 + \frac{2}{3} \leq 1 + \frac{2}{u_n} \leq 1 + 2 \leq 3 \Rightarrow 1 \leq u_{n+1} \leq 3$

4. تكن  $(v_n)$  و  $(w_n)$  متاليتين معرفتين كما يلي:  $v_n = u_{2n}, w_n = u_{2n+1}$ .

أ. حساب  $u_1, u_2, u_3$ ، ثم دراسة رتبة كل من  $(v_n)$  و  $(w_n)$ .

(ن0.25)  $u_1 = 1 + \frac{2}{1} = 3$  ،  $u_2 = 1 + \frac{2}{3} = \frac{5}{3}$  و  $u_3 = 1 + \frac{2}{\frac{5}{3}} = 1 + \frac{6}{5} = \frac{11}{5}$  (ن0.25)

لدينا من السؤال 3  $u_0 = 1, \forall n \in \mathbb{N} : u_{n+1} = f(u_n)$  ومنه يكون:  $v_{n+1} = u_{2n+2} = f(u_{2n+1}) = f[f(u_{2n})] = f \circ f(v_n)$

كذلك  $w_{n+1} = u_{2n+3} = f(u_{2n+2}) = f[f(u_{2n+1})] = f \circ f(w_n)$  ولدينا  $v_1 = u_2 = \frac{5}{6} < 1 = u_0 = v_0$  وبما أن:  $f \circ f$  متزايدة تماما وبما أن: (ن01)

و  $w_1 = u_3 = \frac{11}{5} > 2 = u_1 = w_0$  فإن  $(v_n)$  متزايدة تماما و  $(w_n)$  متناقصة تماما. (ن01)

ب. استنتاج أن المتاليتين  $(v_n)$  و  $(w_n)$  متجاورتان.

لدينا  $\forall n \in \mathbb{N} : 1 \leq u_n \leq 3$  وبما أن  $v_n = u_{2n}, w_n = u_{2n+1}$  ومنه  $\forall n \in \mathbb{N} : 1 \leq v_n \leq 3$  و  $\forall n \in \mathbb{N} : 1 \leq w_n \leq 3$

وبالتالي  $(v_n)$  و  $(w_n)$  محدودتان وبما أنهما رتيبتان تماما فهما متقاربتان. (ن01)

اثبات أن  $\lim_{n \rightarrow +\infty} (v_n - w_n) = 0$

نفرض أن:  $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = l$  وبالتالي:  $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_{n+1} = l$  ونفرض كذلك  $\lim_{n \rightarrow +\infty} w_n = l'$  وبالتالي:  $\lim_{n \rightarrow +\infty} w_{n+1} = l'$

لدينا  $v_{n+1} = f \circ f(v_n)$  و  $w_{n+1} = f \circ f(w_n)$  وبما أن الدالة  $f \circ f$  مستمرة فإن  $l = f \circ f(l)$  و  $l' = f \circ f(l')$  (ن0.5)

ونعلم أن حل المعادلة  $(f \circ f)(x) = x$  هو  $x = 2$  ومنه يكون  $l = l' = 2$  إذا  $\lim_{n \rightarrow +\infty} (v_n - w_n) = 0$

وبالتالي أثبتنا أن  $(v_n)$  و  $(w_n)$  متجاورتان.

ج. استنتاج أن المتالية  $(u_n)$  متقاربة. (ن0.75)

بما أن  $(v_n)$  و  $(w_n)$  مستخرجتان من  $(u_n)$  ولدينا  $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = \lim_{n \rightarrow +\infty} u_{2n} = \lim_{n \rightarrow +\infty} w_n = \lim_{n \rightarrow +\infty} u_{2n+1} = 2$  فإن  $(u_n)$  متقاربة و  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 2$





### Exercice 1 :

Le débordement (Dépassement ou (overflow))(2,5+1,5= 04 points) :

Débordement : la taille allouée (8, 16 ... bits) au codage d'un entier est trop petite pour coder ou stocker le résultat d'un calcul

- On parle d'overflow quand il y a dépassement de la capacité pour représenter le résultat d'une somme
- Cela peut se produire uniquement si les deux opérandes sont de mêmes signes
- Quand il y a overflow la somme n'est pas de même signe que les opérandes

- Considérons le cas du débordement : il ya débordement si : les opérandes X et Y sont de même signe , et le résultat est de signe différent :

#### Exemple

	0 10010		101110	
	0 1101	+13	1 0011	- 13
	0 1001	+ 9	1 0111	- 9
Sur 5 bits	1 0110	-10	0 1010	+ 10
Sur 6 bits	0 1 0110	+22	1 0 1010	- 22

Exercice 2 (1+2+2+1=06 points) :

Exercise 3 (1+2+2+1=06 points) :



A1	A2	A3	A4	B1	B2	B3	B4
0	0	0	0	1	1	1	1
0	0	0	1	1	1	1	0
0	0	1	0	1	1	0	1
0	0	1	1	1	1	0	0
0	1	0	0	1	0	1	1
0	1	0	1	1	0	1	0
0	1	1	0	1	0	0	1
0	1	1	1	1	0	0	0
1	0	0	0	0	1	1	1
1	0	0	1	0	1	1	0
1	0	1	0	0	1	0	1
1	0	1	1	0	1	0	0
1	1	0	0	0	0	1	1
1	1	0	1	0	0	1	0
1	1	1	0	0	0	0	1
1	1	1	1	0	0	0	0

A3A4 \ A1A2	00	01	11	10
00	1	1	0	0
01	1	1	0	0
11	1	1	0	0
10	1	1	0	0

B1 = A1'

A3A4	A1 A2	00	01	11	10
00		1	0	0	1
01		1	0	0	1
11		1	0	0	1
10		1	0	0	1

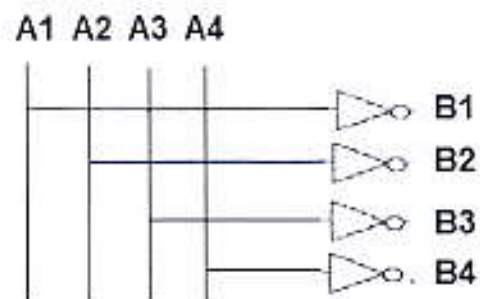
$$\underline{B2=A2'}$$

A3A4	A1 A2	00	01	11	10
00		1	1	1	1
01		1	1	1	1
11		0	0	0	0
10		0	0	0	0

$$\underline{B3=A3'}$$

A3A4	A1 A2	00	01	11	10
00		0	0	0	0
01		1	1	1	1
11		1	1	1	1
10		0	0	0	0

$$\underline{B4=A4'}$$



➤ Exercice 4 (0,5\*3+3+1,5 = 06 points):

$$S1 = E1$$

$$S2 = E1 \text{ XOR } E2$$

$$S3 = E1 \text{ XOR } E3$$

	SVA			CA 1		
	E1	E2	E3	S1	S2	S3
+0	0	0	0	0	0	0
+1	0	0	1	0	0	1
+2	0	1	0	0	1	0
+3	0	1	1	0	1	1
-0	1	0	0	1	1	1
-1	1	0	1	1	1	0
-2	1	1	0	1	0	1
-3	1	1	1	1	0	0

Le rôle de ce circuit est un transcodeur SVA (3bits) vers CA1 (3bits)

امتحان مادة الجبر 1

المدة: ساعة ونصف

جانفي 2017

التمرين الأول

- ليكن  $g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  ،  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  التطبيقين المعرفين كما يلي  $g(x) = x^2 + 2x + 2$  و  $f(x) = x^2 + 1$
1. أثبت أن  $f$  متباين و ليس عامر.
  2. أوجد  $f([1,2])$  و  $f^{-1}([-2,-1])$ .
  3. اذكر أي من التطبيقين التاليين معرف ثم أوجده:  $f \circ g$  أم  $g \circ f$  ؟

التمرين الثاني

لتكن  $(G, \cdot)$  زمرة عنصرها الحيادي  $1_G$  تحقق الخاصية التالية:

$$\forall x \in G: x^2 = 1_G \quad (*)$$

1. أعط مثالا لزمرة تحتوي على عنصرين على الأقل و تحقق الخاصية (\*) (ابحث عن مثال في  $(\mathbb{Z}_2, +)$ )
2. بين أن كل زمرة تحقق (\*) هي زمرة تبديلية.
3. افرض أن المجموعة  $G$  منتهية، عدد عناصرها زوجي و لتكن  $\sim$  العلاقة الثنائية المعرفة في  $G$  بـ:

$$\forall (x, y) \in G^2: x \sim y \Leftrightarrow x = y \vee x = y^{-1}$$

أ. تحقق أن  $\sim$  علاقة تكافؤ في  $G$ .

ب. عرف أصناف التكافؤ ثم أوجد صنف تكافؤ العنصر الحيادي  $1_G$ .

ت. استنتج أنه يوجد  $x \in G$  بحيث  $x \neq 1_G$  و  $x^2 = 1_G$

التمرين الثالث

1. أعط مثال يبين أن الحلقة  $(\mathbb{Z}_{10}, +, \times)$  ليست تامة ثم استنتج أنها ليست حقل.
2. حل في  $\mathbb{Z}_{10}$  المعادلة  $7 \times x + 2 = 5$
3. استنتج جميع القيم الصحيحة  $x$  التي من أجلها يقبل العدد  $x + 2017$  القسمة على 10.

بالتوفيق

$$\forall x_1, x_2 \in \mathbb{R}_+ : f(x_1) = f(x_2) \Leftrightarrow x_1^2 + 1 = x_2^2 + 1 \quad (1)$$

$$\Leftrightarrow x_1^2 = x_2^2 \quad \begin{matrix} x_1, x_2 \in \mathbb{R}_+ \\ \Leftrightarrow \end{matrix} \quad x_1 = x_2$$

فإن  $f$  متباينة

$$\forall x \in \mathbb{R}_+ : f(x) \geq 1$$

فإن  $f$  متباينة

$$\forall y \in ]-\infty, 1[ , \nexists x \in \mathbb{R}_+ : y = f(x)$$

وبالتالي

(0,7)

فإن  $f$  ليس حاصر

$$f([1, 2]) = \{ f(x) / x \in [1, 2] \} = \{ x^2 + 1 / x \in [1, 2] \} \quad (2)$$

$$= [2, 5] \quad (0,1)$$

$$f^{-1}([-2, -1]) = \{ x \in \mathbb{R}_+ : f(x) \in [-2, -1] \} \quad (0,1)$$

$$= \{ x \in \mathbb{R}_+ : 1 \leq x^2 + 1 \in [-2, -1] \} = \emptyset \quad (0,1)$$

(3) التطبيقية مترتبة:

$$g \circ f : \mathbb{R}_+ \rightarrow \mathbb{R}_+$$

$$x \mapsto g(f(x))$$

$$f \circ g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$$

$$x \mapsto f(g(x))$$

$$f(g(x)) = f((x+1)^2 + 1) = [(x+1)^2 + 1]^2 + 1 = x^4 + 4x^3 + 8x^2 + 8x + 5$$

$$g(f(x)) = g(x^2 + 1) = (x^2 + 1 + 1)^2 + 1 = x^4 + 4x^2 + 5$$

(0,7)

المجموعة (G, \*)

(1) (\*) (2, +) (3, +) (4)

$(x \cdot y)^2 = 1_G \Leftrightarrow x \cdot y \cdot x \cdot y = 1_G$  (2) لدينا

$x^2 \cdot y^2 = 1_G \cdot 1_G = 1_G \Leftrightarrow x \cdot x \cdot y \cdot y = 1_G$  (3) ومنه

(1,1)  $x \cdot y \cdot x \cdot y = x \cdot x \cdot y \cdot y$   
بالإختزال على نفس العنصر نجد :  
 $x \cdot y = y \cdot x$  ومنه :  $x$  و  $y$  يتبادلان

$\forall x \in G : x = x \Rightarrow x R x$  (1)  $R$  منسوبة

$\forall (x, y) \in G^2 : x R y \Leftrightarrow x = y \vee x = y^{-1} \Rightarrow y = x \vee y = x^{-1}$   
(1,1)  $\Leftrightarrow y R x$   
ومنه  $R$  متماثلة

$\forall (x, y, z) \in G^3 : x R y \wedge y R z \Leftrightarrow \begin{cases} x = y \vee x = y^{-1} \\ y = z \vee y = z^{-1} \end{cases} \Rightarrow x = z \vee x = z^{-2}$   
(1,1)  $\Leftrightarrow x R z$   
ومنه  $R$  متعدية وبالتالي علاقة تكافؤ!

$\forall x \in G : x \stackrel{\text{def}}{=} \{y \in G : x R y\} = \{y \in G : y = x \vee y = x^{-1}\}$  (1,1)  
 $= \{x, x^{-1}\}$  (1,1)

(0,1)  $1_G = \{1_G\}$  ( $1_G^{-1} = 1_G$ ) إذا

ت / نؤمن أنه لا يوجد  $x \in G$  بحيث  $x \neq 1_G$  و  $x^2 = 1_G$   
أي جميع عناصر  $G$  ما عدا العنصر المحايد ليست زخاتر نفسها  
هذا يعني أن لكل عنصر من  $G$  ما عدا العنصر المحايد، صنف تكافؤ  
يحتوي على عنصرين ( $x^{-1} \neq x$ ) (1,1)



يمكن ان يكون  $G = \{1, 2, \dots, n\}$

لما في المسألة الكافية بشكل تجريبي في كل حيز :

Card G = 2n + 1

و صناديقها مع كون عدد عناصر G زوجي (0,1)

التمرين 3 (0,1 نقاش)

(0,1) لدينا :  $\vec{v} \neq \vec{0}, \vec{w} \neq \vec{0} \wedge \vec{v} \times \vec{w} = \vec{0}$

اذن  $(\mathbb{R}_{10}, +, \times)$  ليست تامة وبالتالي ليست حقل لان كل حقل هو حلقة تامة (0,1)

$\vec{v} \times \vec{w} + \vec{v} = \vec{w} \Leftrightarrow \vec{v} \times \vec{w} = \vec{w} - \vec{v}$  (0,2)

$\Rightarrow \vec{w} \times \vec{v} \times \vec{w} = \vec{w} \times \vec{w} = \vec{0}$  (1,2)

$\Rightarrow \vec{v} \times \vec{w} = \vec{0} \Rightarrow \boxed{\vec{w} = \vec{0}}$

(3) حتى يقبل الحد  $L = 2017x + 2017$  القيمة على 10، يلزم ان يكون  $L = 0$  (0,2) في  $(\mathbb{Z}_{10}, +, \times)$  اذ  $10 \mid L$

$\frac{2017}{2017} \vec{w} \times \vec{w} + \frac{2017}{2017} = \vec{0} \Leftrightarrow \vec{w} \times \vec{w} + \vec{1} = \vec{0}$  (0,1)

لدينا :  $\vec{1}^2 = \vec{1}, \vec{2}^2 = \vec{9}, \vec{3}^2 = \vec{9}, \vec{4}^2 = \vec{6}$

$2014 = 504 \times 4 + 2 \Rightarrow \vec{2} = \vec{7}^{504 \times 4 + 1} = (\vec{7}^{504})^4 \times \vec{7}^1 = \vec{1} \times \vec{7} = \vec{7}$  (1,1)

$\Rightarrow L = 0 \Leftrightarrow \vec{v} \times \vec{w} + \vec{v} = \vec{w} \Leftrightarrow \vec{v} \times \vec{w} = \vec{w} - \vec{v}$  (0,2)

اذن حسب السؤال السابق فان (0,1)  $\vec{w} = \vec{0}$

وبالتالي الامداد الصحيحة x هي : (0,1)  $x = 10k + 9 \quad / \quad k \in \mathbb{Z}$

النقطة: 20 / .....

الاسم: .....  
اللقب: .....  
الفوج: .....

### اختبار مادة المكتبيات

#### الجزء الأول، عمومياته

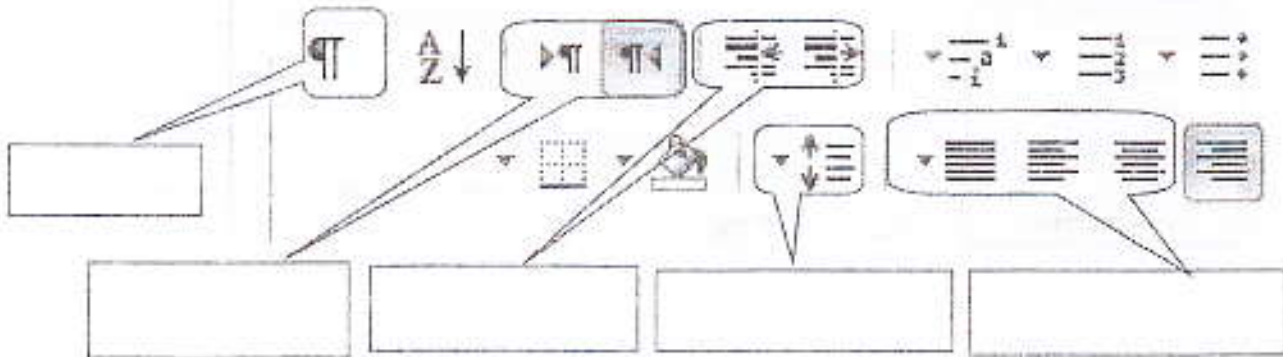
1. تنقسم البرامج إلى ثلاثة أنواع اذكرها مع إعطاء امثلة لكل نوع ..... (1.5 نقطة)

2. عرف نظام MS-DOS ..... (1 نقطة)

3. يتشكل الحاسب الآلي من ثلاث وحدات اذكرها مع إعطاء امثلة لكل وحدة ..... (1.5 نقطة)

#### الجزء الثاني معالج النصوص Word.

4. الشكل التالي يحتوي على خيارات التنسيق المختلفة، املأ البيانات التالية: ..... (5 نقطة)



5. ما عنوان النافذة التالية و ما دورها و كيف يتم إظهارها؟ ..... (3 نقطة)



.....

.....

.....

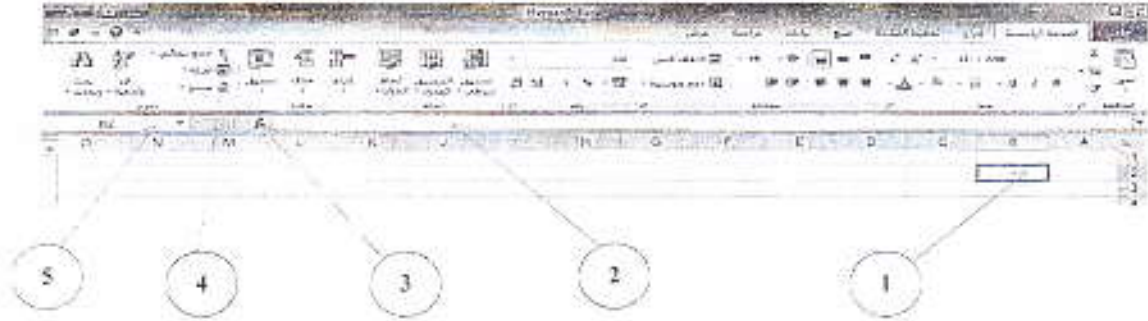
.....

.....

.....

الجزء الثالث، معالج الجداول Excel.

6. أكمل البيانات في الشكل التالي: ..... (5 نقطة)

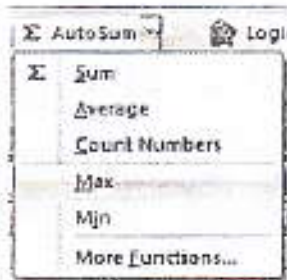


7. كيف يتم إضافة و حذف ورقة في مصنف؟ ..... (1 نقطة)

.....

.....

8. ما دور الدوال الرياضية المذكورة في الشكل التالي؟ ..... (2 نقطة)



.....

.....

.....

.....

تمنيتي لكم بالنجاح

الاربعاء 04 جاتفي 2017 سنة اولى رياضيات و اعلام الي		جامعة الشهيد حمه لخضر كلية العلوم الدقيقة
--	---	--

الاسم: .....	النقطة: 20 / .....
اللقب: .....	
الفوج: .....	

## التصحيح النموذجي لاختبار مادة المكتبيات

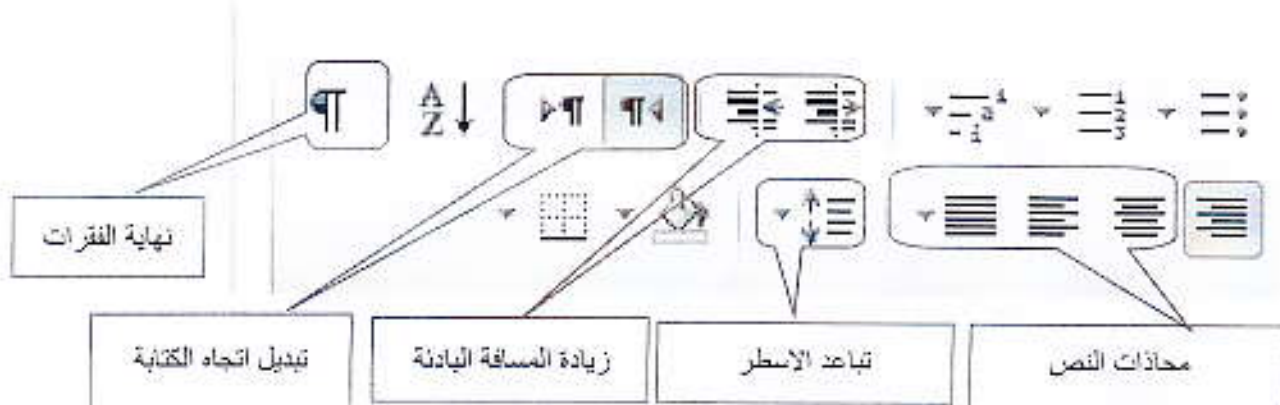
### الجزء الأول: عموميات

1. تنقسم البرامج إلى ثلاثة أنواع اذكرها مع إعطاء امثلة لكل نوع ..... (1.5 نقطة)
  - برامج أنظمة التشغيل: مثل Unix , Windows, Dos
  - برامج تطبيقية: مثل مجموعة الأوفيس و برامج الحماية و برامج الفيديو و غيرها
  - برامج لغات البرمجة: و تنقسم بدورها إلى ثلاثة أنواع حسب مستوياتها نذكر منها Assembler, C++, Delphi
2. عرف نظام MS-DOS ..... (1 نقطة)
 

يعتبر أول نظام تشغيل عرف في عالم المعلوماتية و هي اختصار لكلمات (Disc Operating System) و يعرف بموجه الأوامر و يمتاز بشاشته السوداء و يحتوي على ملفات أهمها ملف Command الذي يشمل العديد من الأوامر و يمكن الوصول إليه في نظام الويندوز عن طريق البرامج الملحقة.
3. يتشكل الحاسب الآلي من ثلاث وحدات اذكرها مع إعطاء امثلة لكل وحدة ..... (1.5 نقطة)
  - وحدة المعالجة و التخزين: مثل وحدة التحكم و وحدة المعالجة و الحساب و الذاكرة و الذاكرة المخزنة
  - وحدة الإدخال: مثل الفأرة و لوحة المفاتيح
  - وحدة الإخراج: مثل الشاشة و الطابعة

### الجزء الأول معالج النصوص Word

4. الشكل التالي يحتوي على خيارات التنسيق المختلفة، إملأ البيانات التالية: ..... (5 نقطة)



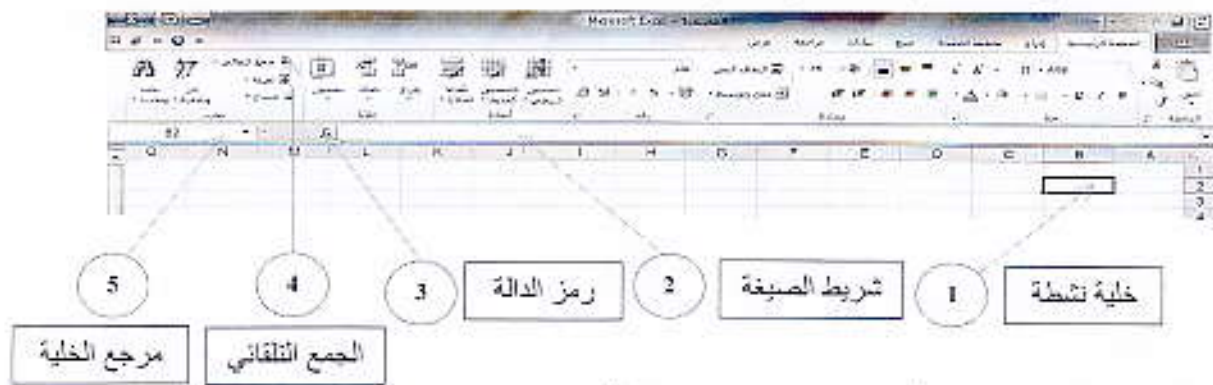
5. ما عنوان التناظرة التالية و ما دورها و كيف يتم إظهارها؟ ..... (3 نقطة)



- اسم عتبة الحوار : إعداد الصفحة
- دور عتبة الحوار: إعداد الصفحة قبل الطباعة من تحديد الهوامش و اتجاه الورقة و رسم الحدود و غيرها
- طريقة إظهارها: بالذهاب إلى تبويب تخطيط الصفحة و النقر على مشغل العتبة في مجموعة إعداد الصفحة.

### الجزء الثالث، معالج الجداول Excel.

6. أكمل البيانات في الشكل التالي: ..... (5 نقطة)



7. كيف يتم إضافة و حذف ورقة في مصنف؟ ..... (1 نقطة)

لإضافة ورقة نضغط على الأيقونة في آخر الورقات أما الحذف فبواسطة النقر بزر الفأرة الأيمن فوق اسم الورقة المراد حذفها ثم اختيار الأمر حذف.

8. ما دور الدوال ارياضية المذكورة في الشكل التالي؟ ..... (2 نقطة)



- Sum: للجمع التلقائي
- Average: لحساب المتوسط الحسابي
- Count Numbers: لحساب عدد الخانات
- Max: لحساب القيمة العظمى
- Min: لحساب القيمة الدنيا

تمنياتي لكم بالنجاح

التعريف الاول : اجب على كل الاسئلة باختصار ..... 8 نقاط

س1 / يمتد ضمان مستوى مقبول من الآخر من اهم الاهداف التي تسعى المؤسسات لتحقيقها . اشرح هذه النقطة ؟

س2 / تصنف المؤسسات حسب معيار الحجم الى ثلاث انواع . اذكرها مع الشرح ؟

س3 / ما المقصود بالإدارة العملية في التنظيم ؟

س4/ ماهي درجات التنظيم في المؤسسة . مع الشرح ؟

التعريف الثاني : ..... 6 نقاط

هيكل تنظيمي يرتكز على اساس تجميع الاعمال والانشطة تبعاً للوظائف والاعراض التي تؤديها .

المطلوب : ماهو هذا التنظيم ؟ ارسمه وأذكر سلبياته وإيجابياته

التعريف الثالث : اربط بين المدارس الاقتصادية للتنظيم واهم افكارها ..... 6 نقاط

المدارس الاقتصادية للتنظيم	اهم الافكار او المبادئ او ما عرفت به
المدرسة الكلاسيكية الحديثة	تهتم بتأثير المؤسسة وتأثيرها بالمحيط
مدرسة الأنظمة	جاءت للرد عن المدرسة الرياضية
المدرسة الاجتماعية	تهدف للحصول على أكبر رفاة ممكنة لصاحب العمل وللعمال
المدرسة العلمية الكلاسيكية	ركزت على الشكل غير الرسمي للمؤسسة
مدرسة العلاقات الإنسانية	اهتمت الجانب الاجتماعي
المدرسة الرياضية	عرفت بإدارة الأهداف

التمرين الرابع : اجب بنعم او لا . واعلم ان الحسة بعشر أمكاً (الطريقة الزمانية ) ..... 10 نقطة

بمعنى -0.2 للإجابة الخاطئة و (+0.1) للإجابة الصحيحة مع العلم ان 0.1 تضرب في 10 .

- س1/ يظهر في الهيكل التنظيمي الوظيفي معنى السلطة ..... .
- س2 / التدرج الوظيفي يعني أن للمأمور مسؤول واحد ..... .
- س3/ التدرج الخلفي أو المباشر يعني المسؤول يتولى منفردا بإصدار الأوامر ..... .
- س4 / من عيوب الشركات قلة رأس المال لأن المؤسسة تتكون من شخص وحيد لا يستطيع ان يمد المؤسسة بأموال كثيرة ..... .
- س5/ من مزايا شركات الأشخاص زيادة القدرة المالية للمؤسسة بسبب تضامن الشركاء ..... .
- س6/ تعتمد المدرسة العملية الكلاسيكية للتنظيم على العقلانية الاقتصادية ووحدة القيادة والادارة كأحد الخصائص المهمة ..... .
- س7/ جمعت المدرسة الكلاسيكية الحديثة بين الاهتمام بالجانب الاجتماعي والجانب الكمي التقني ..... .
- س8/ من مزايا مؤسسات الأموال امكانية الحصول على قروض سهلة وسريعة ..... .
- س9/ من عيوب شركات الافراد ان صاحب المؤسسة المسؤول الاول والاخير على نتائج اعمال المؤسسة ..... .
- س10/ أهمية الهيكل التنظيمي حسب hall تتمثل في المساعدة في تنفيذ الخطط وتسهيل تحديد الأدوار والمساعدة في اتخاذ القرار

أستاذ المقياس : **ضـوـن**

تمنياتي لكم بالنجاح والنجاح

جامعة حمه الأخضر بالوادي  
كلية العلوم الدقيقة

يوم الإثنين 02 / جانفي / 2017  
مدة الامتحان ساعة ونصف

قسم الجذع المشترك Imd  
المسفة الاولى رياضيات واعلام الي

التصحيح النموذجي لإمتحان اقتصاد المؤسسة

التعريف الاول : اجب على كل الاسئلة ..... 8 نقاط

س1/ يعتبر ضمان مستوى مقبول من الاجر من اهم الاهداف التي تسعى المؤسسات لتحقيقها . اشرح هذه النقطة ؟ ..... 2 نقطة

العمال هم المستفيدين من الاوائل من نشاط المؤسسة حيث يتقاضون اجرا مقابل عملهم ويعتبر الاجر حقا مشروعا لانه يزيد من نشاط وفعالية العمال ويجب ان يكون الاجر يتماشى ومتطلبات حياتهم وطريقة عيشهم .

س2/ تصنف المؤسسات حسب معيار الحجم الى ثلاث انواع . اذكرها مع الشرح ؟ ..... 2 نقطة

تصنف المؤسسات حسب الحجم الى :

1/ مؤسسات ص وم : وتضم اقل من 500 عامل وقسمت الى : مؤسسات صغيرة بها اقل من 10 عمال ، ومؤسسات صغيرة بها من 10 الى 99 عامل ، ومتوسطة بها من 100 عامل الى اقل من 500 عامل .

2/ مؤسسات كبيرة : وهي ذات استعمال يد عاملة اكثر من 500 عامل ولها دور في الاقتصاد لما تقدمه سواء على المسؤل الداخلي او الخارجي .

س3/ ما المقصود بالإدارة العملية في التنظيم ؟ ..... 2 نقطة

المقصود بها هي درجة التنظيم العليا وهي تلك المستويات التي تسعى المؤسسة لتحقيق المثالية فيها في تسيير مصالحها وادائها من خلال الانجازات والدراسات العلمية .

س4/ ماهي درجات التنظيم في المؤسسة . مع الشرح ؟ ..... 2 نقطة

الدرجة الدنيا للتنظيم : ترضى للمؤسسة الحد الأدنى من التنظيم وتحقق جزءا من الانسجام بين العمال وصاحب العمل وكذا العمال فيما بينهم

الدرجة العليا للتنظيم : تلك المستويات التي ترغب المؤسسة من خلالها لتحقيق المثالية في اداء وتسيير مصالحها من خلال الدراسات والانجازات العلمية التي

تسبق انشاء المؤسسة وتكون متمثلة في اعداد خطط واستراتيجيات تنظيمية محكمة ترمي لتحقيق الجو الامثل للعمال والعمل والانتاج .

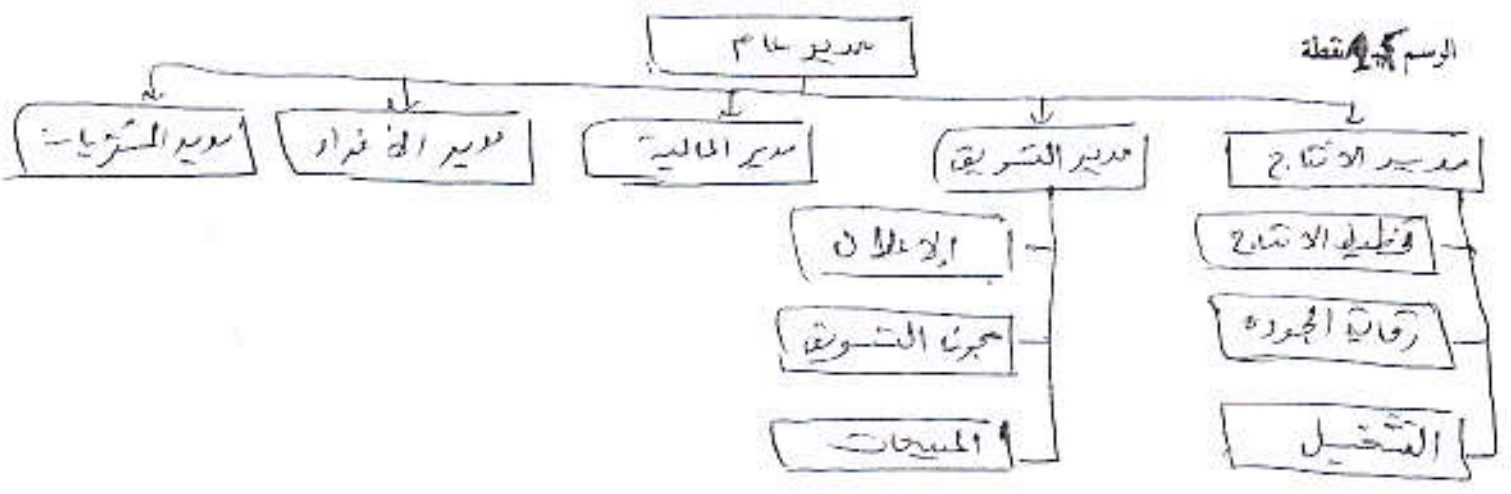
التعريف الثاني : ..... 6 نقاط

هيكل تنظيمي يرتكز على اساس تجميع الاعمال والانشطة تبعا للوظائف والأغراض التي تؤديها .

المطلوب : ماهو هذا التنظيم ؟ أرسمه وأذكر سلبياته وإيجاباته

الهيكل هو الهيكل التنظيمي الوظيفي ..... 0 نقطة





سليمانه : ..... 5. نقطة

- 1/ المسؤولية عن الأداء العام للمؤسسة تقع على عاتق الرئيس شخص واحد
- 2/ صعوبة التنسيق بين الأنشطة التي تقوم بها المؤسسة لانجاز العمل .
- 3/ لا يوفر اساسا جيدا لتدريب وتطوير مديري مرشحين للوظائف الادارية والاشرفية .

اجاباته : ..... 2. نقطة

- 1/ تحقيق كفاءة الاداء من خلال التخصيص .
- 2/ يعكس الوظائف والانشطة التي تقوم بها المؤسسة لانجاز العمل .
- 3/ يساعد مستويات الادارة العليا في ممارسة الرقابة الفعالة على الاعمال .
- 4/ بسيط وسهل وتم اختياره خلال عقود طويلة .

التمرين الثالث : ارطب بين المدارس الاقتصادية للتنظيم واهم افكارها ..... 6 نقاط

المدارس الاقتصادية للتنظيم	اهم الافكار او المبادئ او ما عرفت به
المدرسة الكلاسيكية الحديثة	فهم بتأثير المؤسسة وتأثيرها بالمحيط
مدرسة الانظمة	جاءت للرد عن المدرسة الرياضية
المدرسة الاجتماعية	تهدف للحصول على أكبر رفاحية ممكنة لصاحب العمل وللعمال
المدرسة العلمية الكلاسيكية	ركزت على الشكل غير الرسمي للمؤسسة
مدرسة العلاقات الانسانية	اهملت الجانب الاجتماعي
المدرسة الرياضية	عرفت بإدارة الأهداف

التعريف الرابع : اجب بنعم او لا واعلم ان الحسنة بعشر أمثالها ( الطريقة الربانية ) ..... 10 نقطة

بمعنى -0.2 للإجابة الخاطئة و (+ 0.1 ) للإجابة الصحيحة مع العلم ان 0.1 تحسب في 10 .

- س1/ يظهر في الهيكل التنظيمي الوظيفي معنى السلطة ... لا . .
- س2 / التدرج الوظيفي يعني أن للمأمور مسؤول واحد . . . لا .
- س3/ التدرج الخطي أو المباشر يعني المسؤول يتولى متفردا بإصدار الأوامر . . لا .
- س4 / من عيوب الشركات قلة رأس المال لأن المؤسسة تكون من شخص وحيد لا يستطيع ان يمد المؤسسة بأموال كبيرة . . لا .
- س5/ من مزايا شركات الأشخاص زيادة القدرة الآلية للمؤسسة بسبب تضامن الشركاء . . نعم . . .
- س6/ تعتمد المدرسة العملية الكلاسيكية للتفليم على العقلانية الاقتصادية ووحدة القيادة والادارة كأحد الخصائص المهمة . . نعم . . .
- س7/ جمعت المدرسة الكلاسيكية الحديثة بين الاهتمام بالجانب الاجتماعي والجانب التقني . . . نعم . . .
- س8/ من مزايا مؤسسات الاموال امكانية الحصول على قروض سهلة وسريعة . . . . . نعم . . . . .
- س9/ من عيوب شركات الافراد ان صاحب المؤسسة المسؤول الاول والاخير على نتائج اعمال المؤسسة . . . لا .
- س10/ أهمية الهيكل التنظيمي حسب hall تتمثل في المساعدة في تنفيذ الخطط وتسهيل تحديد الأدوار والمساعدة في اتخاذ القرار . . لا .

أستاذ المقياس : **ـــــــــــــــــ و ن**

تمنياتي لكم بالتوفيق والنجاح

Contrôle N° : 01

Questions de cours (04 pts)

- |   |   |
|---|---|
| <ul style="list-style-type: none"> <li>• Qu'est ce qu'un Algorithme ?</li> <li>• quelles sont les instructions répétitives ?</li> <li>• Y-a-t-il, des différences entre les instructions : Répéter et Tant que</li> </ul> | <ul style="list-style-type: none"> <li>• ما هي الخوارزمية ؟</li> <li>• أذكر أنواع التعليمات التكرارية</li> <li>• هل هناك فرق بين التعليمتين المذكورتين ؟ وضح إجابتك.</li> </ul> |
|---|---|

Exercice N°1 (04 pts)

Soit l'algorithme suivant :

Algorithm Quoi\_Faire

variables X, Y, Z : Entier ;

Début

Répéter Lire (X,Y) Jusqu'à ( X > 0 ) et ( Y > 0 ) Tant que ( X ≠ Y ) Faire Si ( X > Y ) alors X ← X - Y Sinon Y ← Y - X Finsi Fin Tant que Z ← Y Ecrire('Résultat : ' , Z ) ;	}	Partie 1
(The above code is already included in the previous block)	}	Partie 2

Fin

- |   |   |
|---|---|
| <ul style="list-style-type: none"> <li>• Quel est le rôle de chaque partie (1 et 2) ?</li> <li>• Que fait cet Algorithme ?</li> <li>• Tester l'algorithme pour X = 32 et Y = 48 et donner le résultat.</li> </ul> | <ul style="list-style-type: none"> <li>• ما هو دور كل من الجزئين 1 و 2 ؟</li> <li>• ما هو العمل الذي تقوم به هاته الخوارزمية ؟</li> <li>• جرب الخوارزمية من أجل العددين المذكورين وأعط النتيجة النهائية.</li> </ul> |
|---|---|

Exercice N°2 (05 pts)

Ecrire un algorithme qui permet de vérifier si un nombre X strictement positif donné par l'utilisateur représente la factorielle d'un nombre entier ou non.

أكتب خوارزمية تسمح بالتحقق فيما إذا كان العدد الصحيح X ( الموجب تماما والمعطى من طرف المستخدم ) يمثل العاملية لعدد صحيح أو لا.

مثال 1 : X = 120 : النتيجة: نعم هذا العدد يمثل العاملية للعدد 5. مثال 2 : X = 170 : النتيجة : لا يمثل العاملية لعدد

### Exercice N°3 (07 pts)

on appelle une série toute suite des nombre égaux successifs. Ecrire un algorithme qui permet de trouver les positions des plus longues séries dans un tableau T de 100 éléments entiers.

نسمة سلسلة كل مجموعة أعداد متتالية ومتمثلة. أكتب الخوارزمية التي تسمح بإيجاد مواضع السلسلة ذات الطول الأكبر في جدول من 100 عدد صحيح.

#### La méthode proposée :

Pour cela, on va utiliser deux autres tableaux T1 et T2 de 100 éléments entiers.

T1 : pour enregistrer la longueur de chaque série trouvée.

T2 : pour réserver la position du premier de chaque série enregistrée dans T1

ومن أجل هذا سنستخدم جدولين T1 و T2 من 100 عدد صحيح.

الجدول T1: لتخزين طول كل سلسلة وجدت في الجدول على التوالي

الجدول T2: لتخزين موضع (ترتيب بداية) كل سلسلة تم تخزينها في الجدول T1

#### Les étapes

1. On parcourt le tableau T pour trouver les séries et enregistrer leur longueurs et positions dans T1 et T2 successivement.

1. نقوم بالمرور على جميع عناصر الجدول T لإيجاد السلسلة وتخزين أطوالها ومواضعها (بداياتها) في الجدولين T1 و T2 على التوالي.

2. Trouver le max dans le tableau T1

2. جد العنصر الأكبر في الجدول T1

3. Parcourir le tableau T1 de nouveau et à chaque fois le max trouvé dans T1, et on affiche la position correspondante (qui se trouve dans la même position) à partir du tableau T2

3. قم بالبحث عن قيمة العنصر الأكبر في الجدول T1، ثم أظهر على الشاشة الموضع الموافق لكل قيمة لهذا العنصر من الجدول T2 كونه يحتوي على بداية كل سلسلة.

#### Exemple :

T	2	4	4	9	9	9	2	0	7	7	7	7	1	1	2	11	11	11	11
T1	2	3	4	2	4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
T2	2	4	9	13	16	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

Le max dans T1 est : 4

Les positions des plus longues séries : 9 , 16