

Correction type du devoir surveillé n°03

1 Point pour la présentation

Exercice N°01 : (3Pts)

1/ $(B6C9)_{16}$:

$$(1011011011001001)_2 \quad (1010011011001001)_2 \quad (101011011001001)_2 \quad (0.25 \text{ Pt})$$

Justification $B = 1010$; $6 = 0110$; $C = 1100$; $9 = 1001$ (0.75 Pt)

2/ Si $x=(1110111)$ en code gray, alors $x+1$

$$(1110110)_{\text{gray}} \quad (1110101)_{\text{gray}} \quad (1111000)_{\text{gray}} \quad (0.25 \text{ Pt})$$

$(1110110)_{\text{gray}}$ le nombre de 1 est pair, inverser le dernier chiffre le plus à droite (0.75 Pt)

3/ Complément à 1 sur n bits couvre l'intervalle :

$$[-2^n, 2^n - 1] \quad [-2^{n-1}, 2^{n-1} - 1] \quad [-2^{n-1} + 1, 2^{n-1} - 1] \quad (1 \text{ Pt})$$

Exercice N°02 : (6 Pts)

1/ Les conversions

$$(3AE)_{16} = 3 \times 16^2 + A \times 16^1 + E \times 16^0 = 3 \times 16^2 + 10 \times 16^1 + 13 \times 16^0 \quad (0.25 \text{ Pt}) = (942)_{10} \quad (0.25 \text{ Pt})$$

$$56,25_{10} = (00111000,010)_2 \quad (0.75 \text{ Pt})$$

2/ La conversion de $(-8.625)_{10}$

$$(8,625)_{10} = (1000,101)_2 \quad (0.25 \text{ Pt})$$

$$1000,101 \times 2^0 \leftrightarrow \text{Mantisse normalisée} = 1,0001010 \times 2^3 \quad (0.5 \text{ Pt})$$

$$\text{Exposant} = 3 + 127 = 130_{10} = (10000010)_2 \quad (0.5 \text{ Pt})$$

$$\text{La représentation finale est : } 1 \ 10000010 \ 0001010 \ 0000 \ 0000 \ 0000 \ 0000 \quad (0.5 \text{ Pt})$$

3/ Représentation sur une machine de 8 bits :

$$(+97)_{10} = (01100001)_{\text{ca2}} \quad (0.5 \text{ Pt})$$

$$(-34)_{10} = (11011110)_{\text{ca2}} \quad (0.75 \text{ Pt})$$

4/ Effectuer en complément à 2 l'opération

$$(+97)_{10} + (-34)_{10} = (01100001)_{\text{ca2}} + (11011110)_{\text{ca2}} \quad (0.5 \text{ Pt}) = (+63)_{10} \quad (0.25 \text{ Pt})$$

5/ Déduction de la base B :

$$(57)_B + (33)_B = (112)_B$$

$$\text{Alors } 7B^0 + 5B^1 + 3B^0 + 3B^1 = 2xB^0 + 1xB^1 + 1xB^2$$

$$B^2 - 7B - 8B^0 = 0 \quad (\text{Equation deuxième degré}) \quad (0.5 \text{ Pt})$$

$$\Delta = 81 \quad (0.25 \text{ Pt})$$

$\rightarrow B = -1$ (Rejetée) ou

$\rightarrow B = 8$ (Acceptée) (0.25 Pt)