

أسئلة الفهم

(1) عرفنا في الدرس البلازما على أنها عبارة عن غاز مؤين يتكون من إلكترونات وأيونات بالإضافة إلى الذرات المتعادلة، بحيث يتسم هذا الغاز بصفتي التعادل الكهربائي والسلوك الجماعي. ما المقصود بصفتي التعادل الكهربائي والسلوك الجماعي؟ ( 3 نقطة)

◁ يقصد بالتعادل الكهربائي أن عدد الشحنات السالبة والموجبة يكون متساوي على المستوى الماكروسكوبي أي  $\sum_{s=e,i} q_s n_s \simeq 0$ .

◁ يقصد بالسلوك الجماعي أن كل جسيم مشحون يتفاعل في نفس الوقت مع عدد كبير من الجسيمات المشحونة وذلك عن طريق تفاعلات كولوم طويلة المدى.

(2) هل يمكن القول عن كل غاز مؤين أنه بلازما؟ ( 3 نقطة)

◁ لا يمكن القول عن كل غاز مؤين أنه بلازما إلا إذا تحققت فيه الشروط التالية:

1. يجب أن تكون الأبعاد الفيزيائية لنظام البلازما  $L$  أكبر بكثير من  $\lambda_D$ .

2. يجب أن يكون عدد الإلكترونات داخل كرة  $N_D$  ديباي كبيرا جدا.

3. يجب أن يكون وسيط البلازما  $g = 1/(n_e \lambda_D^3)$  أقل بكثير من الواحد.

(3) فسر لماذا تكون بلازما التفريغ الكهربائي عند ضغط منخفض (مثل مصابيح النيون) غير متوازنة

حراريا أي  $T_e \gg T_i$  ( 2 نقطة)

◁ في بلازما التفريغ الكهربائي تكون الإلكترونات أسرع من الأيونات وذلك بسبب فارق الكتلة

ولأن الضغط منخفض فهذا يعني أن الكثافة منخفضة (متوسط المسافة بين جسيمين يكون كبير)

وبالتالي تكون التصادمات بين الجسيمات قليلة، والتي تؤدي إلى التوازن الحراري من خلال تبادل

الطاقة، فينتج عن هذا فارق كبير بين درجة حرارة الإلكترونات ودرجة حرارة الأيونات.

(4) ما هو المعنى الفيزيائي لكل من وسيط الترابط، طول ديباي؟ ( 3 نقطة)

◁ يمثل وسيط الترابط النسبة بين متوسط شدة الطاقة الكامنة ومتوسط شدة الطاقة الحركية

$\Gamma = \langle E_p \rangle / \langle E_c \rangle$  ومن خلال هذا الوسيط يمكن أن نحدد ما إذا كانت البلازما شديدة الترابط لما

$\Gamma > 1$  أو ضعيفة الترابط لما  $\Gamma < 1$ .

◁ طول ديباي  $\lambda_D = \sqrt{\epsilon_0 k_B T / n_e e^2}$  هو مقياس للمسافة التي يجب عندها تأثير الحقل الكهروستاتيكي لجسيم مشحون عن باقي الشحنات الأخرى.

(5) متى يمكن اعتبار البلازما كجائع؟ وما الفرق بين الوصف الحركي والوصف المائعي للبلازما؟  
(4 نقطة)

◁ يمكن اعتبار البلازما كجائع إذا كان متوسط المسير الحر  $l_s$  أقل بكثير من الطول الموجي المرافق للجسيمات  $\lambda$  ، وتردد التصادم  $\nu_s$  أكبر بكثير من تردد البلازما  $\omega_p$  .  
◁ توصف البلازما في الوصف المائعي من خلال الكميات العيانية مثل الكثافة العددية  $n_s(\vec{r}, t)$  وسرعة المائع  $\vec{u}_s(\vec{r}, t)$  وتطور هذه الكميات يعطى من خلال معادلة الإستمرار ومعادلة الحركة، أما في الوصف الحركي فتحدد البلازما من خلال دالة التوزيع للجسيم  $f_s(\vec{r}, \vec{v}, t)$  وتطور هذه الدالة يعطى من خلال معادلة بولتزمان.

### تمرين تطبيقي

نعتبر بلازما الأروغون  $\text{Ar}^{+17}$  عند درجة حرارة  $T = 4.1 \times 10^5 \text{K}$  ، إذا علمت أن نسبة التأيين تعطى بعلاقة ساها التالية:

$$\frac{n_e}{n_i} \approx 2.4 \times 10^{21} \frac{T^{3/2}}{n_e} \exp(-|\epsilon_i| / k_B T)$$

حيث قيمة الكثافة الأيونية وطاقة التأيين هما على التوالي  $n_i = 10^{29} \text{m}^{-3}$  و  $|\epsilon_i| = 15.76 \text{eV}$

1. أوجد قيمة الكثافة الإلكترونية  $n_e$  . (1.5 نقطة)

$$\begin{aligned} n_e &\approx \sqrt{2.4 \times 10^{21} T^{3/2} n_i \exp(-|\epsilon_i| / k_B T)} \\ &= \sqrt{2.4 \times 10^{21} (4.1 \times 10^5)^{3/2} 10^{29} \exp(-15.76 / (8.617 \times 4.1))} \\ &\simeq 2 \times 10^{29} \text{m}^{-3} \end{aligned}$$

2. أحسب درجة التأيين  $\alpha_{ion}$  ، ما هو نوع تأين البلازما؟ . (2 نقطة)

$$\alpha_{ion} = \frac{n_e}{n_e + n_i} = \frac{2 \times 10^{29}}{2 \times 10^{29} + 10^{29}} = \frac{2}{3} \simeq 0.67$$

بمأن  $\alpha_{ion} < 1$  فإن هذه البلازما مؤينة جزئياً.

3. أحسب تردد البلازما  $\omega_p$  . (1.5 نقطة)

$$\omega_p = \sqrt{\frac{n_e e^2}{m_e \epsilon_0}} = \sqrt{\frac{2 \times 10^{29} \times (1.6 \times 10^{-19})^2}{9.11 \times 10^{-31} \times 8.85 \times 10^{-12}}} = 2.52 \times 10^{16} \text{rad/sec}$$

يعطى:  $k_B \simeq 8.617 \times 10^{-5} \text{eV/K}$  و  $\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \text{C}^2/\text{N.m}^2$  و  $m_e = 9.11 \times 10^{-31} \text{Kg}$  و  $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{C}$