

$$1. E_x(B) = E_A + E_{Dx} = \frac{Kq}{a^2} + \frac{K\sqrt{2}q}{2a^2} \cos \frac{\pi}{4} = \frac{3Kq}{2a^2} \quad (0.5)$$

$$E_y(B) = E_C + E_{Dy} = \frac{Kq}{a^2} + \frac{K\sqrt{2}q}{2a^2} \sin \frac{\pi}{4} = \frac{3Kq}{2a^2} \quad (0.5)$$

$$\vec{E} = \frac{3Kq}{2a^2} (\vec{i} + \vec{j}) \quad (0.5) \quad \text{ومنه:}$$

$$2. V(B) = 2\frac{Kq}{a} + \frac{Kq\sqrt{2}}{\sqrt{2}a} \quad (0.5).$$

$$V(B) = 3\frac{Kq}{a} \quad (0.5) \quad \text{ومنه:}$$

$$3. U = U_{AC} + U_{AD} + U_{CD} \quad (0.5),$$

$$U = 2K\frac{q^2\sqrt{2}}{a} + K\frac{q^2}{a\sqrt{2}} = K\frac{q^2}{a}(2\sqrt{2} + \frac{1}{\sqrt{2}}) \quad (0.5)$$

$$4.a. \vec{F} = 2q \vec{E} = 2q \frac{3Kq}{2a^2} (\vec{i} + \vec{j}) \quad (0.5)$$

$$= \frac{3Kq^2}{a^2} (\vec{i} + \vec{j}) \quad (0.5)$$

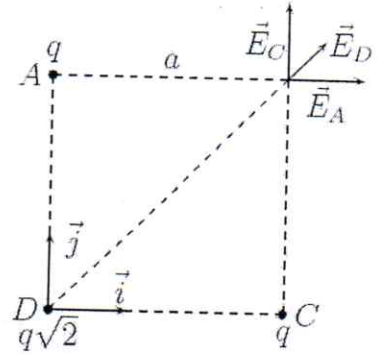
$$F = \frac{3Kq^2}{a^2} \sqrt{2} \quad (\text{N}) \quad (0.5)$$

$$4.b. W_B^\infty(F) = -(E_p(\infty) - E_p(B)), \quad (0.5) \quad E_p(\infty) = 0 \quad (0.5)$$

$$= 2q V(B)$$

$$= 2q \cdot 3\frac{Kq}{a}$$

$$= 6 \frac{Kq^2}{a} \quad (0.5)$$



(0.5)

التمرين 2

1. إيجاد عبارة الشحنة الكلية للسلك Q بدلالة R و λ_0 :

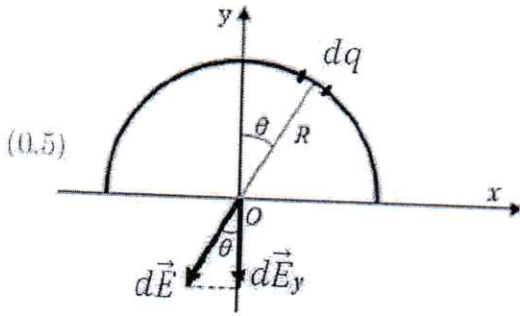
$$(0.5) \quad dq = \lambda dl \quad \text{لدينا:}$$

$$(0.5) \quad \lambda = \lambda_0 \cos\theta, \quad dl = R d\theta \quad \text{حيث:}$$

$$dq = R \lambda_0 \cos\theta d\theta \quad \text{بالتعويض في عبارة } dq \text{ نجد:}$$

$$(0.5) \quad Q = \int dq = R \lambda_0 \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \cos\theta d\theta = R \lambda_0 [\sin\theta]_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \quad \text{و منه يكون:}$$

$$\boxed{Q = 2R \lambda_0} \quad (0.5) \quad \text{و منه نجد:}$$



2. إيجاد عبارة الكمون الكهربائي في النقطة O:

$$(0.5) \quad V = \int dV = \int K \frac{dq}{R} = \frac{K}{R} \int dq = \frac{KQ}{R}$$

$$V = 2K \lambda_0 R \quad (0.5) \quad \text{و بتعويض عبارة } Q \text{ السابقة يكون:}$$

3. إيجاد عبارة الحقل الكهربائي الإجمالي في النقطة O:

بما أن المستويين (Oxy) و (Oyz) هو مستوي تناظر للتوزيع الشحني إذن فالحقل الكهربائي ينتمي لتقاطع هذين المستويين أي أنه محمول على المحور Oy .

$$(0.5) \quad \vec{E} = \int d\vec{E} = \int -dE \cos\theta \vec{j} \quad \text{هذا يعني أن كما هو موضح في الشكل:}$$

$$(0.5) \quad dE = K \frac{dq}{R^2} = K \frac{R \lambda_0 \cos\theta d\theta}{R^2} = \frac{K \lambda_0}{R} \cos\theta d\theta \quad \text{حيث:}$$

$$\vec{E} = -\frac{K \lambda_0}{R} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \cos^2\theta d\theta \vec{j} \quad (0.5) \quad \text{و منه بالتعويض في عبارة } \vec{E} \text{ يكون:}$$

$$\vec{E} = -\frac{\pi K \lambda_0}{2R} \vec{j} \quad (0.5)$$

4. إيجاد عبارة القوة الإجمالية \vec{F} المؤثرة على الشحنة النقطية q_0 :

$$(0.5) \quad \vec{F} = q_0 \vec{E} \quad \text{لدينا:}$$

$$(0.5) \quad \vec{F} = -\frac{\pi K \lambda_0 q_0}{2R} \vec{j} \quad \text{و منه نستنتج أن:}$$

التمرين الثالث:

المكثفات C_2 ، C_3 و C_4 على التوازي نستبدالها بالمكثفة المكافئة C_{234}

$$C_{234} = C_2 + C_3 + C_4 = 3C \quad (0.5)$$

المكثفات C_1 ، C_{234} و C_5 على التسلسل

$$\begin{aligned} \frac{1}{C_{eq}} &= \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_{234}} + \frac{1}{C_5} \\ &= \frac{1}{C} + \frac{1}{3C} + \frac{1}{C_5} \end{aligned} \quad (0.5)$$

$$C_{eq} = \frac{C}{2} \quad \text{بوضع}$$

$$C_5 = \frac{3}{2}C \quad (0.5) \quad \text{نجد:}$$

$$C_5 = 3 \mu F \quad (0.5)$$

المكثفات C_1 ، C_{234} و C_5 على التسلسل فهي تحمل نفس الشحنة

$$Q_1 = Q_5 = Q_{234} = Q_{eq} = C_{eq} \cdot V_{AB} = 1.10^{-6} \times 1200 = 1200 \mu C \quad (0.1)$$

المكثفات C_2 ، C_3 و C_4 على التوازي ومتساوية السعة وعليه فالشحنة تتوزع على الفروع الثلاثة وبالتساوي

$$Q_2 = Q_3 = Q_4 = \frac{Q_{234}}{3} = \frac{1200}{3} = 400 \mu C \quad (0.1)$$

$$V_1 = \frac{Q_1}{C_1} = \frac{1200}{2} = 600 \text{ Volt} \quad (0.5)$$

$$V_2 = V_3 = V_4 = \frac{Q_2}{C_2} = \frac{400}{2} = 200 \text{ Volt} \quad (0.1)$$

$$V_5 = \frac{Q_5}{C_5} = \frac{1200}{3} = 400 \text{ Volt} \quad (0.5)$$